

الفصل الاول

التركيب البلوري Crystal Structure

المقدمة:

توجد المادة (العناصر والمركبات) بثلاث حالات كما عرفنا سابقاً، وهي الحالة الصلبة والسائلة والغازية وتختلف المادة في كونها تمتلك إحدى هذه الحالات باختلاف المسافات البينية ومقدار قوة الترابط بين ذراتها. ويجب الإشارة هنا إلى أن الضغط ودرجة الحرارة هما المسببان الرئيسان لتغير حالة المادة. حيث أن فيزياء الحالة الصلبة علم يهتم بدراسة المواد الصلبة وخصائصها التركيبية والحرارية والكهربائية والضوئية والمغناطيسية وتطبيقات المختلفة لهذه المواد، وكذلك يهتم بوضع النظريات لتفسير خصائص المادة الصلبة وتعتمد هذه النظريات على الميكانيك الاحصائي والميكانيك الكمي ونظرية المجاميع.

❖ **المواد الصلبة:** يمكن ان تصنف المواد الصلبة وفقاً لمعايير مختلفة.

• **التصنيف الأول:** يتم تصنيف المواد الصلبة حسب نوع الشبكة:

١. البلورات ذات الشبكة البرافيزية Bravais Lattice

٢. البلورات ذات الشبكة الغير البرافيزية Non - Bravais Lattice

• **التصنيف الثاني:** يتم تصنيف المواد الصلبة حسب قابلية التوصيل الكهربائي؛

١. المعادن Metals.

٢. اشباه الموصلات (شبه المعدن) Semiconductors.

٣. العوازل Insulator.

• **التصنيف الثالث:** يتم تصنيف المواد الصلبة حسب طاقة الترابط بين ذراتها وجزئياتها:

يطلق على القوى التي تربط الذرات أو الجزيئات مع بعضها البعض بالأصرة ومن معرفة نوع وطبيعة الأصرة يمكن تفسير العديد من خصائص البلورات أو المواد الصلبة. ومن الخصائص التي تعتمد على طاقة الترابط (الانضغاطية، الصلابة، التمدد الحراري ودرجة حرارة الانتقال من حالة إلى أخرى). حيث تقسم الأواصر:

▪ اواصر رئيسية مثل (الأيونية، التساهمية وفلزية).

▪ اواصر ثانوية مثل قوى فاندرفالز.

وعلى هذا الأساس تقسم البلورات إلى:

١. البلورات الأيونية.

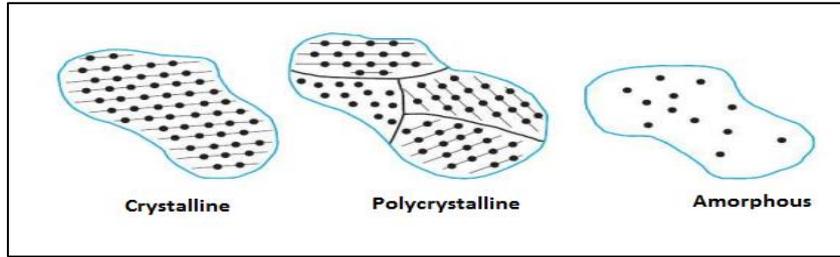
٢. البلورات التساهمية

٣. البلورات الجزيئية.

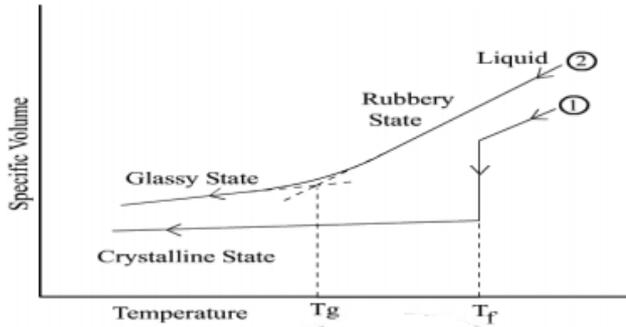
٤. البلورات المعدنية

ومن أهم هذه المعايير ذلك الذي يصف المواد الصلبة من حيث كونها

- بلورية Crystalline: الذرات مرتبة بشكل دوري او بشكل صفوف مكونة من تشكيلة معينة ثلاثية الابعاد بحيث تمتلك تماثل (Symmetry) ويمكن اعتبار التركيب ناتج عن تكرار وحدة صغيرة في الفضاء ثلاثي الابعاد وهي وحدة الخلية.
 - غير البلورية (العشوائي Amorphous) الذرات مرتبة بشكل عشوائي وبلا نظام معين مكونة من تشكيلة معينة والتي لا يمكن اعتبارها ناتجة عن تكرار لأي خلية.
- وهناك مواد متبلورة وغير متبلورة في آن واحد مثل السليكون والجرمانيوم والسبب يعود الى طريقة تحضيرها او كيفية تكوينها.

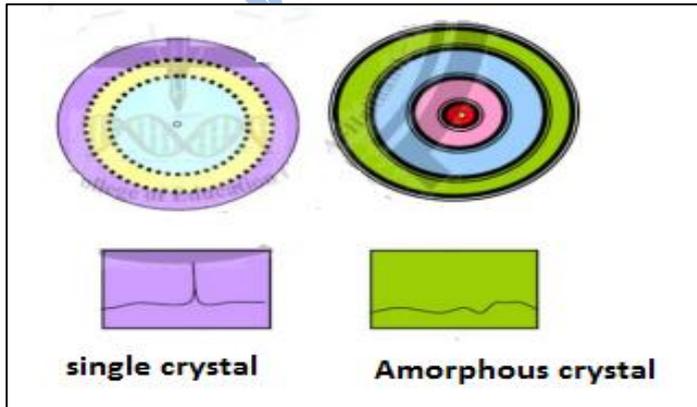


هناك معايير للتمييز بين المواد البلورية وغير البلورية هي:



1. تنصهر المواد المتبلورة فجأة وعند درجة حرارة معينة ثابتة دائما اما المواد غير المتبلورة فتتنصهر على مدى معين لدرجات الحرارة.

2. نمط حيود الاشعة السينية للمواد



البلورية عبارة عن بقع متميزة منفصلة عن بعضها البعض وذات تماثل معين في حين ان المواد العشوائية تعطي نمط حيود عبارة تشكيلة منتشرة ومتبعثرة على شكل حلقات متحدة المركز.

معظم المواد الصلبة هي بلورية اساسا ولكن بعض البلورات تحوي بعض العيوب في تركيبها لذا تقسم البلورات الى:

- بلورات مثالية Prefect crystals (خالية من العيوب)
- بلورات غير مثالية (حقيقية) Imperfect crystals (تحوي على العيوب)

عند دراسة البلورات يمكن اعتبارها بلورات مثالية خالية من العيوب البلورية وهذه الفرضية تساعد كثيرا على فهم البلورات وخصائصها و وضع النظريات التي تفسر هذه الخصائص. واحد اهم خصائص البلورات المثالية هي الخاصية الدورية periodicity حيث ان الذرات او المجاميع الذرية والجزئية تكرر نفسها عند فواصل متساوية وترتبط الذرات في البلورات بقوى متبادلة في نقاط محددة في الفضاء وهذه الذرات او المجاميع الذرية يمكنها ان تهتز حول مواضع اتزانها. حيث تعرف البلورة على انها (عبارة عن جسم صلب يحتوي على عدد من الذرات مصطفة بشكل هندسي معين ويتكون من وحدات غاية في الصغر تكرر بانتظام في الأبعاد الثلاثة، تسمى خلايا الوحدة. ايضا تعرف البلورة بأنها تجمع لعدد لانهائي من الوحدات المتماثلة تتكرر بشكل دوري ومنتظم (إذا كانت مثالية) في جميع اتجاهات الفضاء).

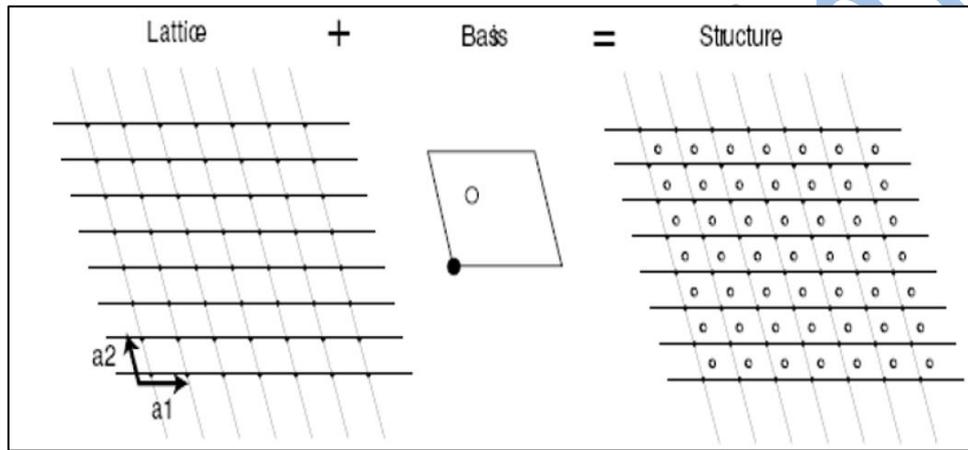
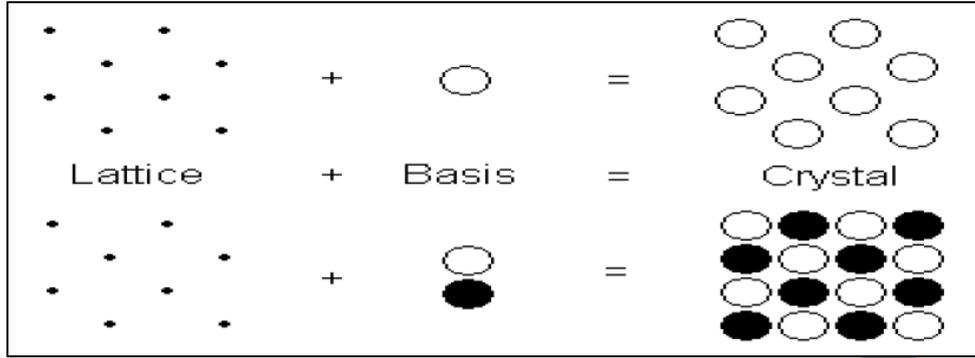
وتصنف البلورات بالاعتماد على الصفة الدورية الى:

- أ- البلورة الأحادية crystal Single: حيث تمتد دورية التشكيلية او الأنموذج البلوري الثلاثي الأبعاد خلال البلورة بأكملها.
- ب- البلورة متعددة التبلور crystalline Poly حيث لا تمتد دورية الأنموذج خلال البلورة بأكملها بل تنتهي عند حدود داخل البلورة تدعى بحدود الحبيبات boundaries grain.

الشبيكة البلورية: Crystal lattice

الشبيكة البلورية عبارة عن مجموعة من النقاط المجردة والمرتبة في الفضاء الثلاثي والتي تمثل مواضع استقرار الذرات او المجاميع الذرية (الاساس) التي تشغل هذه المواضع والتي تشكل التركيب البلوري للمادة. ويمكن تصور البنية البلورية على انها مكون من الاساس والشبيكة البلورية.

البنية البلورية = الاساس Basis + الشبكية lattice

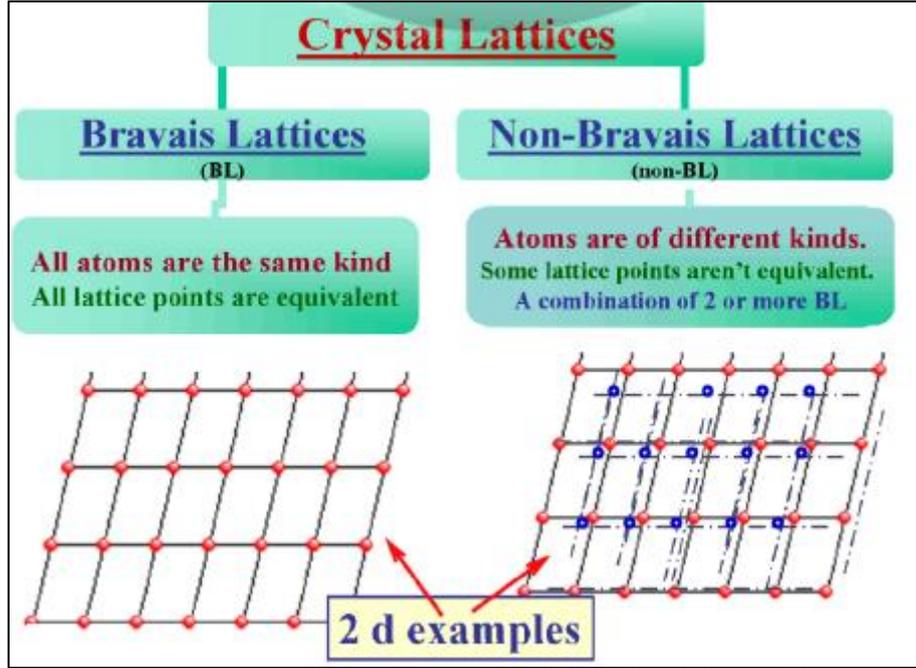


شبكة برافيز Bravais والمتجهات الانتقالية في البلورة:

الشبكة الفضائية: هي مجموعة من النقاط المرتبة بنظام ما وتعيد نفسها بصورة دورية في الفضاء الثلاثي الابعاد وتدعى عادة بالشبكة البرافيزية Bravais Lattice نسبة الى مبتكرها برافيز عام ١٨٤٨ .

هناك نوعان من الشبائك: برافيز Bravais وغير برافيز Non-Bravais ، في شبكة برافيز، تكون جميع نقاط الشبكة متكافئة، وبالتالي من الضروري ان تكون جميع الذرات في البلورة من

نفس النوع. اما في الشبكة غير البرافيز فبعض نقاط الشبكة تكون غير مكافئة.



يتم تحديد الشبكة ذات البعد الواحد بدلالة متجه واحد هو \vec{a} والشبكة ثنائية الأبعاد بالمتجهين \vec{a} و \vec{b} والشبكة الثلاثية الأبعاد فيتم تحديدها بدلالة المتجهات الثلاثة \vec{a} و \vec{b} و \vec{c} وتسمى بالمتجهات الانتقالية أما المتجه الذي يربط هذه المتجهات الثلاثة فيدعى بالمتجه الانتقالي (\vec{R}) Translation vector ويعبر عنه لشبكة ذات بعد واحد:

$$\vec{R} = n \vec{a}$$

حيث n عدد صحيح

$$\vec{R} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b}$$

للشبكة ثنائية الأبعاد

$$\vec{R} = n_1 \vec{a} + n_2 \vec{b} + n_3 \vec{c}$$

للشبكة ثلاثية الأبعاد

هناك خمسة أنواع للشبكة البرافيزية في بعدين:

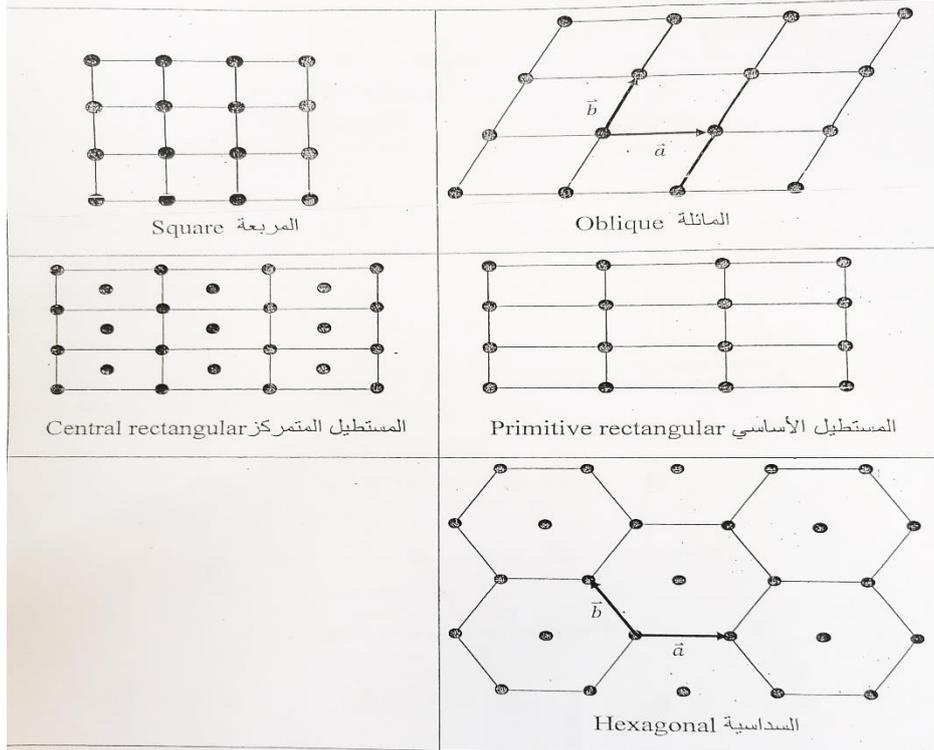
$$|\vec{a}| = |\vec{b}|, \quad \alpha = 90 \text{ Square المربعة}$$

$$|\vec{a}| \neq |\vec{b}|, \quad \alpha \neq 90 \text{ Oblique المائلة}$$

$$|\vec{a}| \neq |\vec{b}|, \quad \alpha = 90 \text{ Primitive rectangular المستطيل الاساسي}$$

$$|\vec{a}| \neq |\vec{b}|, \quad \alpha = 90 \text{ Central rectangular المستطيل المتمركز}$$

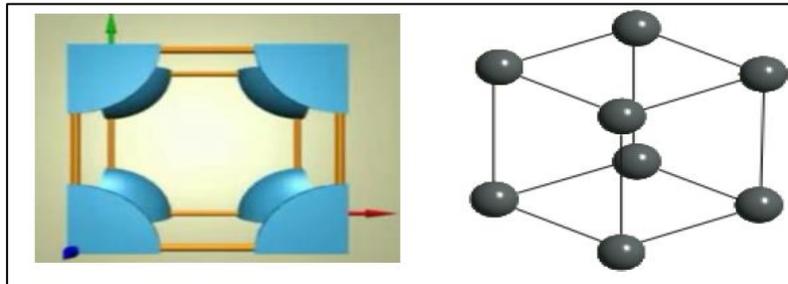
$$|\vec{a}| = |\vec{b}|, \quad \alpha = 120 \text{ Hexagonal السداسية}$$



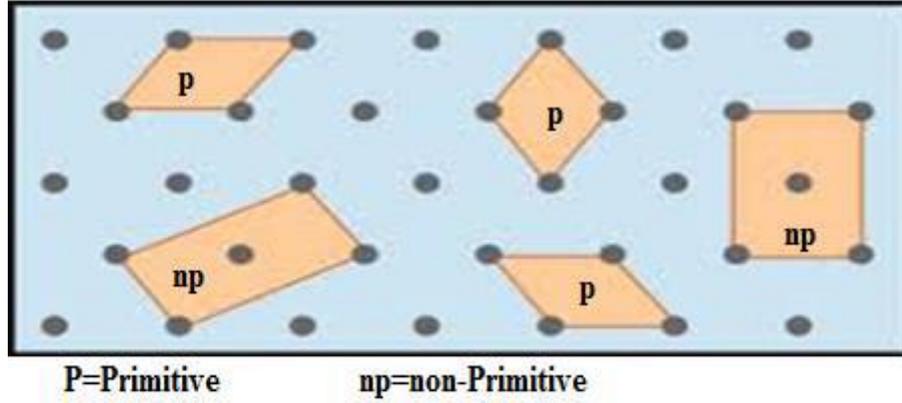
وحدة الخلية Unit cell:

وهي أصغر وحدة في الشبيكة الفضائية، وهي الوحدة التي يتكرارها في الاتجاهات الثلاثة ينتج عنها بلورة كبيرة من المادة الصلبة. تصنف وحدة الخلية الى:

1. وحدة الخلية الأولية (البدائية) Primitive: هي الخلية التي تحتوي على ثمان ذرات في اركانها. وبما ان في الخلية البدائية كل ذرة مشتركة بين ثمان خلايا (في ثلاث ابعاد) لذا فكل ذرة سوف تعطي حصتها (والتي تساوي $\frac{1}{8}$) لكل خلية، وبذلك تحتوي الخلية البدائية على نقطة شبكية واحدة ($8_{atoms\ in\ corners} \times \frac{1}{8} = 1$).



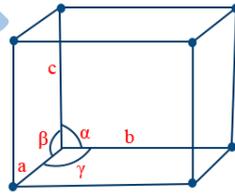
٢. وحدة الخلية غير الاولية **Non-Primitive** : تحتوي مثلاً ذرة في مركز الخلية او في متوسط سطوحها اضافة الى ذرات اركانها وهكذا فان هناك اكثر من نقطة شبكية واحدة في وحدة الخلية للخلية الغير بدائية.



مساحة وحدة الخلية يمكن حسابها من خلال $A = |\vec{a} \times \vec{b}|$



اما حجم خلية الوحدة ثلاثية الابعاد ويعطى بالعلاقة: $V = |\vec{a} \times \vec{b} \cdot \vec{c}|$



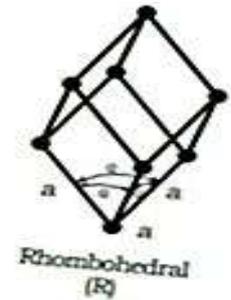
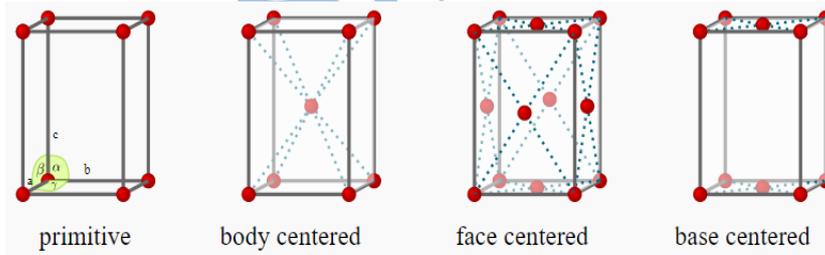
انواع الخلايا في الفضاء الثلاثي: هناك خمسة انواع اساسية من شبائك برافيز (في ثلاث ابعاد):

١. الخلية الاولية **Primitive cell**: يرمز لها بالرمز (P) حيث تحتوي كل خلية وحدة

على $(\frac{1}{8})$ نقطة في كل ركن من اركانها الثمانية وبذلك فان كل خلية وحدة اولية تحتوي

على نقطة شبكية واحدة $(8 \text{ atoms in corners} \times \frac{1}{8} = 1)$.

٢. **خلية ممرزة الوجة Face center cell:** يرمز لها بالرمز (F) حيث تحتوي على $\frac{1}{8}$ نقطة في كل ركن من اركانها الثمانية بالإضافة الى $\left(\frac{1}{2}\right)$ نقطة شبكية في الوجوه الستة اي ان مجموع ما تحتويه هذه الشبائك هو ٤ نقاط $\left(8 \times \frac{1}{8} + 6 \times \frac{1}{2} = 4\right)$.
٣. **خلية ممرزة الجسم Body center cell:** يرمز لها بالرمز (I) حيث تحتوي على $\left(\frac{1}{8}\right)$ نقطة شبكية في كل ركن من اركانها الثمانية بالإضافة الى نقطة شبكية واحدة في الجسم اي ان مجموع ما تحتويه هذه الشبائك هو نقطتين $\left(8 \times \frac{1}{8} + 1 = 2\right)$.
٤. **خلية ممرزة الوجهيين المتقابلين Base center cell:** يرمز لها بالرمز (C) يمتاز هذا النوع باحتوائه على $\left(\frac{1}{8}\right)$ نقطة شبكية في كل ركن من اركانها الثمانية بالإضافة الى $\left(\frac{1}{2}\right)$ نقطة شبكية في وجهين متقابلين من وجوهه الستة وبالتالي فان مجموع ما يحتويه من نقاط هو نقطتين $\left(8 \times \frac{1}{8} + 2 \times \frac{1}{2} = 2\right)$.
٥. **خلية معينة الوجة Rhombohedral cell:** يرمز لها بالرمز R. ويكون شكل الخلية معينة الوجوه لكن المحاور الثلاثة غير متعامدة اي ان $(\alpha = \beta = \gamma) \neq 90^\circ ; \vec{a} = \vec{b} = \vec{c}$



الشبكية البلورية في الفضاء الثلاثي: الشبكية البلورية في الفضاء الثلاثي هي ١٤ نوع تسمى شبكية برافيز Bravais lattice وتختلف الواحدة عن الاخرى من حيث شكل وحدة الخلية

Dr. Siham Jasim

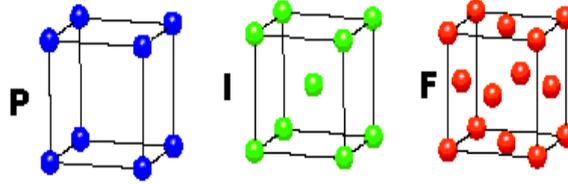
وانواع التماثل الذي تمتلكه وهذه الانواع الاربعة عشر تنقسم الى سبعة انظمة هي الانظمة

البلورية .Crystal systems

CUBIC

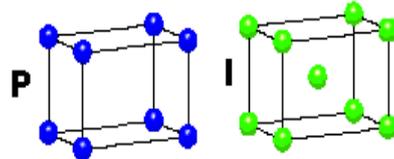
$$a = b = c$$

$$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$$

**TETRAGONAL**

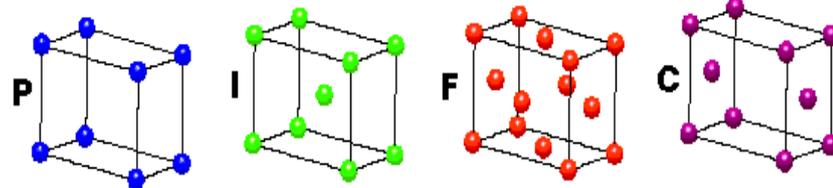
$$a = b \neq c$$

$$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$$

**ORTHORHOMBIC**

$$a \neq b \neq c$$

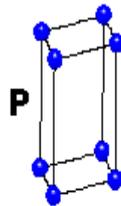
$$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$$

**HEXAGONAL**

$$a = b \neq c$$

$$\alpha = \beta = 90^\circ$$

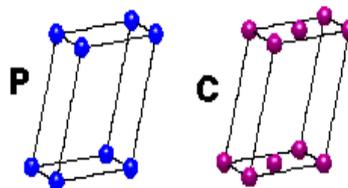
$$\gamma = 120^\circ$$

**MONOCLINIC**

$$a \neq b \neq c$$

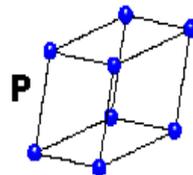
$$\alpha = \gamma = 90^\circ$$

$$\beta \neq 120^\circ$$

**TRICLINIC**

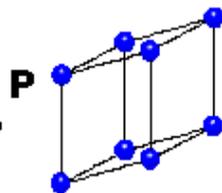
$$a \neq b \neq c$$

$$\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$$

**TRIGONAL**

$$a = b = c$$

$$\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$$

**4 Types of Unit Cell**

P = Primitive

I = Body-Centred

F = Face-Centred

C = Side-Centred

+

7 Crystal Classes**→ 14 Bravais Lattices**

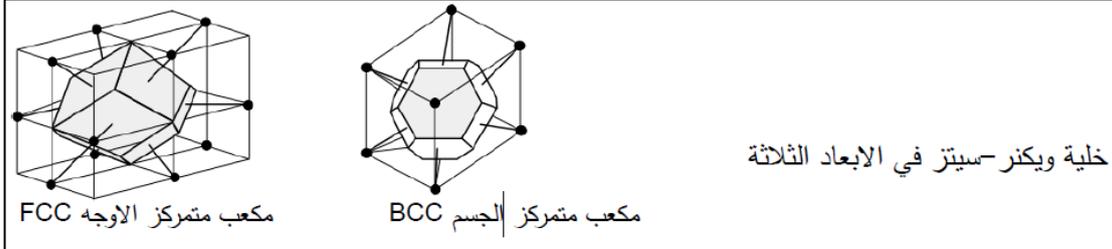
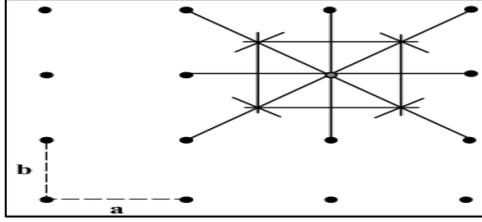
| الخصائص عناصر التماثل | الرمز | النوع | عدد الأنواع | الخصائص | الفصيلة |
|---------------------------------|------------------|---|-------------|---|---------------------------------------|
| أربعة محاور دوران ثلاثية الرتبة | P I F | مكعبى البسيط، SC مكعبى م. الجسم، BCC مكعبى م. الأوجه، FCC | ثلاثة | $a = b = c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ | فصيلة المكعبى Cubic |
| محور دوران ثلاثي الرتبة | P I | رباعي بسيط رباعي م. الجسم | نوعان | $a = b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ | فصيلة الرباعي القائم Tetragonal |
| ثلاثة محاور دوران ثنائية الرتبة | P I F B | مستطيل قائم بسيط مستطيل قائم م. الجسم مستطيل قائم م. الأوجه مستطيل قائم م. القاعدتين | أربعة أنواع | $a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$ | فصيلة المستطيل القائم Orthorhombic |
| محور دوران ثلاثي الرتبة | - | خلية أولية | نوع واحد | $a = b = c$ $\alpha = \beta = \gamma \neq 90^\circ$ | فصيلة الثلاثي Trigonal |
| محور دوران ثنائي الرتبة | - | أحادي الميل البسيط أحادي الميل م. القاعدتين | نوعان | $a \neq b \neq c$ $\alpha = \beta = 90^\circ \neq \gamma$ | فصيلة أحادي الميل Monoclinic |
| لا يوجد | - | ثلاثي الميل البسيط | نوع واحد | $a \neq b \neq c$ $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$ | فصيلة ثلاثي الميل Triclinic |
| محور دوران ثلاثي الرتبة | - | السداسي البسيط | نوع واحد | $a = b \neq c$ $\alpha = \beta = 90^\circ$ & $\gamma = 120^\circ$ | فصيلة السداسي Hexagonal |

خلية ويكنر- ستز الاولية Primitive Wigner –Seitz Cell:

هناك طريقة اخرى لاختيار الخلية البدائية وتعرف باسم مكتشف هذه الطريقة وهي خلية ويكنر- ستز. حيث انه اقترح طريقة بسيطة يمكن بواسطتها اختيار وحدة الخلية، وذلك بأجراء الخطوات التالية:

1. نرسم نقاط الشبكة البرافيزية.
2. نختار نقطة معينة من نقاط الشبكة ونعتبرها نقطة الاصل، نرسم خطوطاً من هذه النقطة لتوصيلها بالنقاط المجاورة لها.
3. نرسم خطوط عمودية وتمر بمنصفات الخطوط المرسومة في الخطوة السابقة.
4. فنحصل على خلية ويكنر- ستز، وهي اصغر مساحة ناتجة (في حالة البعدين) او اصغر حجم ناتج (في الابعاد الثلاثة) من التقاطعات المستحصلة اعلاه.

Dr. Siham Jasim

خلية ويكنر - ستز في بعدين ، $a=b$ 

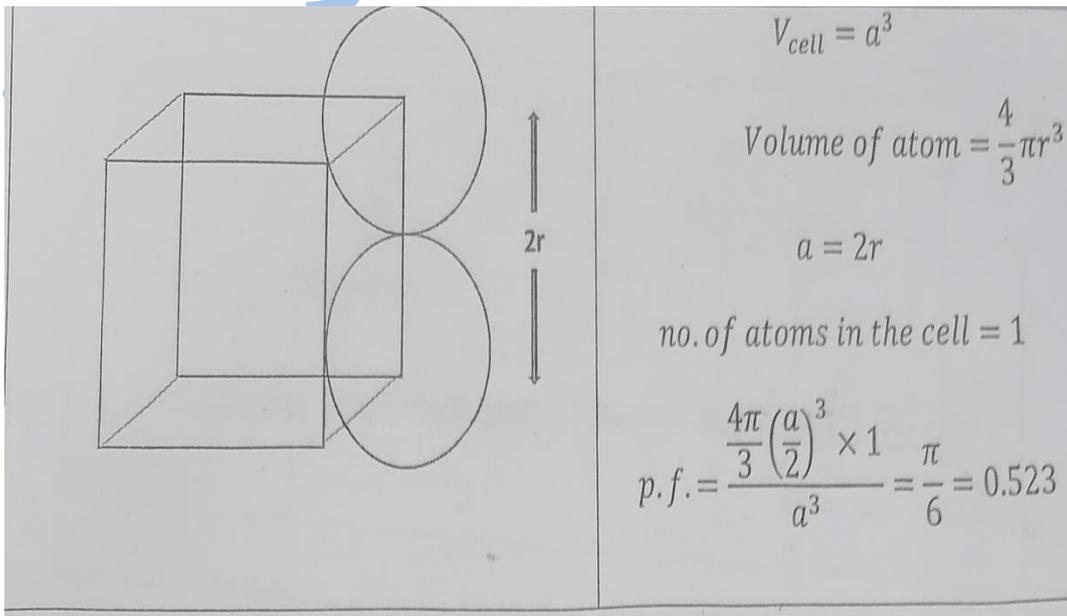
خلية ويكنر-ستيز في الابعاد الثلاثة

عامل الملى Filling factor او نسبة الرص Packing factor :

هي النسبة بين حجم الذرات الموجودة في خلية الى حجم تلك الخلية وتختلف الشبائك في نسبة ملى كل منها. ولغرض حساب نسبة الملى نفترض ان الذرات المتجاورة جدا في حالة تلامس، اي ان اقصر مسافة بين نقطتي شبكية تمثل قطر الذرة (مسافة اقرب جار $= 2r$) وتحسب كالاتي:

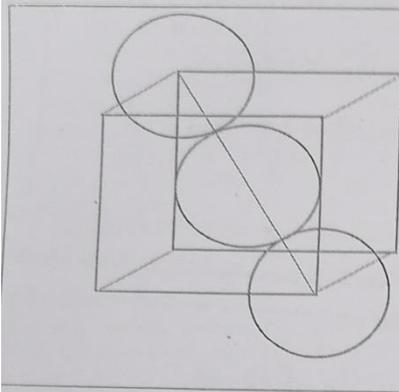
$$\text{عامل الملى} = \frac{\text{حجم الذرة الواحدة} \times \text{عدد الذرات في وحدة الخلية}}{\text{حجم وحدة الخلية}} \times 100\%$$

مثال : جد نسبة الملى للشبيكة المكعبة (المكعب البسيط)



Dr. Siham Jasim

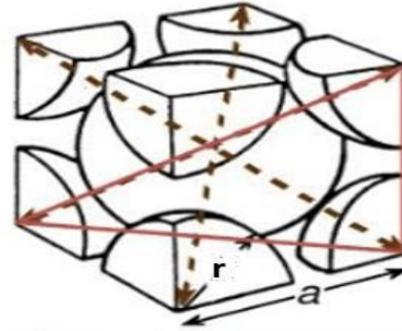
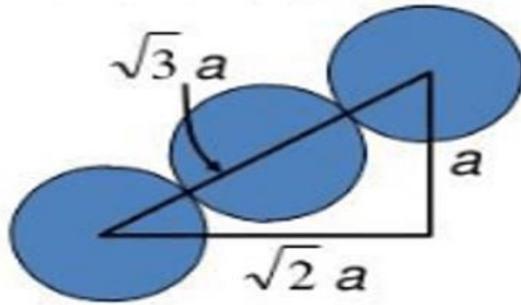
مثال: جد نسبة الملى لشبيكة مكعبة مركزة الجسم (bcc)



طول القطر = $\sqrt{3}a$

$\sqrt{3}a = 4r$

no. of atoms in the cell = 2

$$p.f. = \frac{\frac{4\pi}{3} \left(\frac{\sqrt{3}a}{4}\right)^3 \times 2}{a^3} = \frac{\sqrt{3}\pi}{8} = 0.68$$


سؤال : جد عامل الملى لخلية المكعب مركز الاوجه FCC؟

معاملات ميلر Miller indices:

يمكن تحديد اتجاه اي مستوي في البلورة من خلال احداثيات ثلاث نقاط لاتقع على خط مستقيم، وجد ميلر انه يمكن تحديد ميل المستويات بمعاملات (معاملات ميلر) والتي يمكن تحديدها بطريقة بسيطة وكما يلي:

اذا كان لدينا مستوي يقطع المحاور x,y,z عند النقاط (4,,0,0); (0,1,0); (0,0,2)

1. تعيين اطوال المسافات بدلالة ثابت الشبيكة على المحاور الاساسية.
2. نأخذ مقلوب هذه الاعداد ونختزلها الى اقرب عدد صحيح شرط ان يكون القاسم المشترك مساويا الى واحد فيكون الناتج معاملات ميلر (h,k,l)

مثال: جد معاملات ميلر في الشكل المجاور

كذلك

المستويات المتوازية لها نفس معاملات ميلر

بعض الرموز

| المعنى | الرمز |
|--------------------|-------|
| المستوي hkl | (hkl) |
| المستويات المناظرة | {hkl} |
| الاتجاه hkl | [hkl] |
| الاتجاهات المناظرة | <hkl> |

تحديد موقع (طريقة رسم) المستويات داخل البلورة المكعبة:

يتم تحديد المستويات في البلورة المكعبة بنفس الطريقة السابقة مضافا اليها معرفة طول ضلع المكعب (وحدة الخلية).

مثال ١: ارسم المستوي (١١١) في بلورة مكعبة طول ضلعها وحدة واحدة

١. ارسم مكعب طول ضلعه وحدة واحدة = ١

٢. نعين المحاور الديكارتية X, Y, Z

٣. نأخذ مقلوب معاملات ميلر للمستوي البلوري ونستخدم الفارزة للدلالة على ان

المعاملات قد تحولت الى ارقام تمثل تقاطع المستوي مع المحاور الاحداثيات،

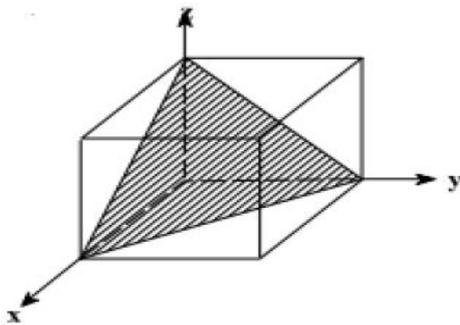
اي ان :

$$\left(\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{1}\right) = (1,1,1) \Rightarrow x = 1, y = 1, z = 1$$

٤. نعين النقاط (1,0,0), (0,1,0), (0,0,1)

ونوصل بينها وبذلك نحصل على المستوي

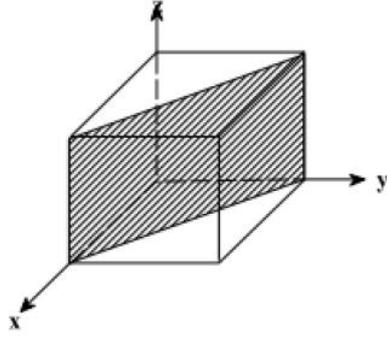
المطلوب تعيينه في البلورة.



(111)

Dr. Siham Jasim

مثال ٢: ارسم المستوي (١١٠) في بلورة مكعبة طول ضلعها وحدة واحدة.



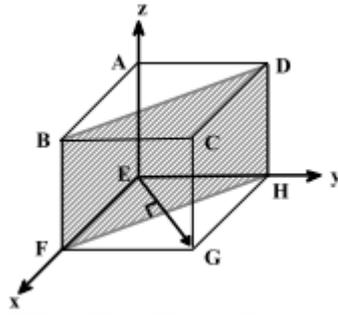
$$\left(\frac{1}{1}, \frac{1}{1}, \frac{1}{0}\right) = (1, 1, \infty) \Rightarrow x = 1, y = 1, z = \infty$$

النقاط هي $(1,0,0), (0,1,0), (0,0, \infty)$

ملاحظة: علامة (∞) تعني ان المستوي لا يقطع المحور وانما يوازيه الى المالا نهائية.

مثال: ارسم المستوي (١١٠) والمنتجه [110] في المكعب البسيط.

الحل: نرسم مكعب، كما في الشكل المجاور، تكون النقاط $BFHD$ هي اركان المستوي (١١٠). والمنتجه \overline{EG} هو المنتجه العمودي على المستوي المطلوب وله الادلة [110] ويكون مسقطه على $x=1$ وعلى $y=1$ وعلى $z=(\infty)$

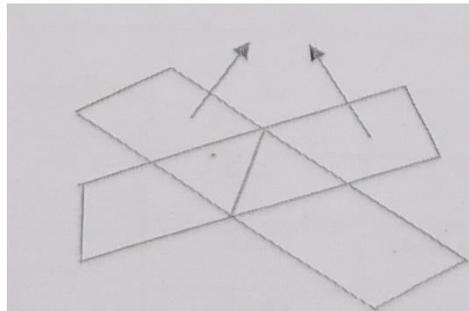


الزاوية بين المستويات:

الزاوية θ المحصورة بين المستويات تعطى بالعلاقة

$$\cos \theta = \frac{h_1 h_2 + k_1 k_2 + l_1 l_2}{\sqrt{(h_1^2 + k_1^2 + l_1^2)(h_2^2 + k_2^2 + l_2^2)}}$$

حيث ان h_1, k_1, l_1 هي معاملات ميلر للمستوي الاول و h_2, k_2, l_2 معاملات ميلر للمستوي الثاني.



المسافة البينية بين المستويات المتوازية:

تتكون البلورة من عدد من المستويات يفصل بينها مسافة بينية يرمز لها بالرمز d_{hkl} والتي يمكن حسابها للمستويات التي لها نفس معاملات ميلر (متوازية). ان معاملات ميلر للمستوي ABC الموضح بالشكل ادناه هي (hkl) .

بما ان \overline{ON} عمودي على المستوي ABC وبملاحظة المثلث ONA القائم الزاوية في N فان :

$$\cos \alpha = \frac{ON}{OA} = \frac{d_{hkl}}{OA}$$

وبنفس الطريقة وبملاحظة المثلث ONB ولنفس الاسباب فان:

$$\cos \beta = \frac{ON}{OB} = \frac{d_{hkl}}{OB}$$

وكذلك المثلث ONC فان

$$\cos \gamma = \frac{ON}{OC} = \frac{d_{hkl}}{OC}$$

وبما ان المستوي يقطع المحاور X, Y, Z بالاحداثيات $x=OA, y=OB, z=OC$ اذن:

$$\cos \alpha = \frac{d_{hkl}}{x}, \quad \cos \beta = \frac{d_{hkl}}{y}, \quad \cos \gamma = \frac{d_{hkl}}{z}$$

وطبقا لقانون جيبس التمام ($\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$) ومن المعادلات السابقة نحصل على تعبير للمسافة d_{hkl} التي تفصل بين المستويات المتوازية:

$$d_{hkl} = \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} + \frac{1}{z^2}}}$$

وحيث ان المسافات المقطوعة x, y, z ترتبط بادلته ميلر h, k, l بالعلاقة

$$h = n \frac{a}{x}, \quad k = n \frac{b}{y}, \quad l = n \frac{c}{z}$$

Dr. Siham Jasim

حيث ان n هو عامل مشترك يستخدم لاختزال الادلة الى اصغر اعداد ممكنة وليكن $n=1$ و (a,b,c) هي ابعاد الخلية.

$$x = \frac{a}{h}, \quad y = \frac{b}{k}, \quad z = \frac{c}{l}$$

بالتعويض بمعادلة حساب d_{hkl} اعلاه نحصل على:

$$d_{hkl} = \frac{1}{\sqrt{\frac{h^2}{a^2} + \frac{k^2}{b^2} + \frac{l^2}{c^2}}}$$

هذه المعادلة تصح على العديد من الانظمة البلورية، للمكعب $a=b=c$

$$d_{hkl} = \frac{a}{\sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}$$

التمائل البلوري: Crystal symmetry

هناك عاملين في التماثل البلوري:

١. عنصر التماثل symmetry element وهو عبارة عن المحور او المستوي الذي تجري حوله عملية التماثل.
٢. عملية التماثل symmetry operation ويشمل العمليات التالية: الانتقال، الدوران، الانعكاس و الانقلاب.

يعرف التماثل في البلورات على انه تكرر او تطابق اجزاء مجموعة من عمليات التماثل، مثال ذلك دوران مربع حول محور يمر في مركز المربع وعمودي عليه، الدوران بزواوية ٩٠ يجعل المربع ينطبق على نفسه وكذلك الدوران بزواوية ١٨٠ يجعله ينطبق على نفسه ايضا مرة اخرى.

عناصر التماثل:

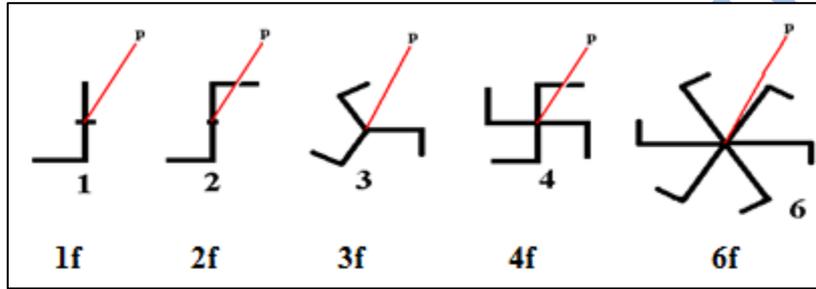
١. محور التماثل axis of symmetry
٢. مركز التماثل center of symmetry
٣. مستوي التماثل plan of symmetry
٤. محور التماثل الانقلابي inversion axis of symmetry

محور التماثل: هو عبارة عن مستقيم اذا ما دار الشكل حوله بزاوية معينة حل الشكل محل نفسه .

$$n = \frac{360}{\theta}$$

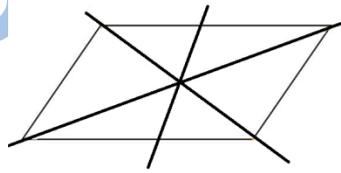
n: درجة محور التماثل.

وتعرف درجة محور التماثل بانها عدد المرات التي يحل فيها الشكل محل نفسه عند دورانه حول محور التماثل بزاوية 360 درجة. يقال لمحور التماثل الدوراني بانه احادي التماثل one fold axis اذا كان تكرر الشكل مرة واحدة في الدورة الكاملة ويقال بانه ثنائي التماثل اذا كان تكرر الشكل مرتين في الدورة الكاملة.

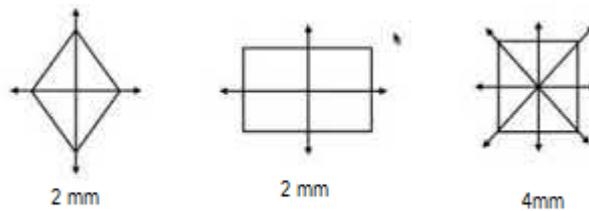


ملاحظة: لا يوجد تماثل دوراني خماسي او سباعي او ثماني لان ذلك يتناقض مع التماثل الانتقالي.

مركز التماثل: وهو عبارة عن نقطة داخل الشكل اذا مر مستقيم ما خلالها فانه سوف يقابل نقطة مشابهة تماما على الجزء المقابل وعلى مسافة متساوية.



مستوي التماثل: يعرف بانه مستوي وهمي يقسم الجسم او البلورة الى نصفين متساويين ومتشابهين بحيث يكون احد النصفين صورة للنصف الاخر.



Dr. Siham Jasim

محور التماثل الانقلابي: يعرف محور التماثل الانقلابي بأنه عبارة عن مستقيم اذا ما دار الشكل حوله بزاوية معينة وانعكس لحل الشكل محل نفسه ويرمز لهذه المحاور $\{ \bar{6}, \bar{4}, \bar{3}, \bar{2}, \bar{1} \}$

